

INTEGRATSIYA USULLARI

*Ilesova Ag'erke Turdali qizi
Chirchiq Davlat pedagogika universiteti
Magistratura 2- bosqich matematika fakulteti*

Annotatsiya: Mazkur maqolada integratsiya usullari, integralning amaliyotdagi yordami, umumiy integralni hisoblash, asosiy integral formulalar, murakkab funksianing integralini hisoblash haiqda atroflicha bayon qilingan.

Kalit so'zlar: integral, integratsiya usullari, murakkab funksiya, integral formulalar.

Kirish:

Integral - bu matematikada funksiya maydonini bir boshlang'ich nuqtadan ikkinchi nuqtaga hisoblash uchun ishlatiladigan vositadir. Integral hisoblash funksianing antiderivativini topishga asoslangan. Integral nazariyasi Riemann, Lebesgue, va boshqa integrallash usullari bo'yicha muayyan bo'lib, foydalilaniladigan usul funksianing hech bo'lmasdan x-bilan integrallangan oralig'ini topishni maqsad qiladi. Bu usullar orqali integralni hisoblash imkoniyati beriladi va umumiy funksiyalarni yoki differensial tenglamalarini integral orqali hisoblashga imkon beradi.

Adabiyotlar tahlili va metodologiya:

Integralning amaliyotdagi yordami, umumiy integralni hisoblash uchun mavjud algoritmlardan foydalanishni talab qiladi. Integralning qo'llanilishi juda kengdir: fizikada, moliya hisobi, statistika, hisob-kitob va boshqa sohalar bilan bog'liq dasturlarni tuzishda intensiv tarzda foydalilanadi. Yana bir foydasi, integralning ma'lum bir funksiya ustida qo'shimcha ma'lumotlarni topishga yordam berishi bo'lib, bu funksiyani to'g'ridan-to'g'ri hisoblashga imkon beradi.

Aslida, integralning to'liq tushunchasini va ishlatishini tushuntirish uchun matematika bo'yicha ko'p qatlamli o'qish va o'rghanish talab qilinadi. Bu maqola integralning asosiy tushunchalarini ta'minlashga yordam berishi maqsadida yozilgan.

Integral belgisi " \int " bo'lib, quyidagicha yoziladi:

$$\int (\text{funksiyasi}) \, dx$$

Bu yerda "funksiya" hisoblanayotgan maydon ostidagi funksiyani ifodalaydi. "dx" integral qaysi o'zgaruvchi bo'yicha hisoblanganligini bildiradi.

Integralni hisoblash jarayoni integralning yuqori va pastki chegaralarini aniqlash, keyin esa integral olingan funksianing antitubasini topishdan iborat. Integralni hisoblash ikki xil usulda amalga oshirilishi mumkin: aniq integral va noaniq integral.

Noaniq integral - bu integral natijasini beradigan umumiy ifoda bo'lib, odatda "C" doimiysini o'z ichiga oladi. Masalan:

$$\int x^2 dx = (1/3)x^3 + C$$

Bu yerda "C" doimiysi integratsiya konstantasini ifodalaydi.

Natijalar:

Aniq integral, aksincha, ma'lum bir diapazondagi funktsyaning maydonini hisoblash uchun ishlataladi. Aniq integralning natijasi funksiyaga integralning yuqori chegarasini qo'llash orqali olingan qiymat bilan integralning pastki chegarasini funksiyaga qo'llash orqali olingan qiymat o'rtaсидagi farqdir. Masalan:

$$\int_{[a,b]} x^2 dx = [(1/3)x^3]_a^b = (1/3)b^3 - (1/3)a^3$$

Bu yerda "[a, b]" ifodasi integral qaysi intervalda hisoblanganligini bildiradi. Integralni hisoblashning bir necha usullari mavjud, masalan:

Asosiy integral formulalar: Aniq integral hisoblar uchun bir necha asosiy formulalar mavjud. Ushbu formulalar polinomlar, trigonometrik funktsiyalar, eksponensial funktsiyalar va logarifmlar kabi umumiyl funktsiyalar uchun integral hisoblashni osonlashtiradi.

Muhokama:

Segmentatsiya usuli: Murakkab funktsyaning integralini hisoblash uchun uni oddiyroq qismlarga ajratish va keyin bu qismlarning integralini hisoblash mumkin. Bu usul ko'pincha bo'lakli kasrlar, trigonometrik funktsiyalar va ba'zi radikal funktsiyalarning integral hisoblari uchun ishlataladi.

Integratsiya usullari: Murakkabroq funktsiyalar uchun almashtirish usuli, qisman integratsiya, trigonometrik almashtirish va giperbolik almashtirish kabi maxsus integratsiya usullari mavjud. Ushbu usullar ba'zi integral hisoblarni osonroq va tezroq bajarishga yordam beradi.

Xulosa:

Xulosa o'rnida shuni aytish joizki, matematik analizning bir qismi bo'lgan integral hisoblar va ilovalar sohasida integral hisoblar katta ahamiyatga ega. Integrallar maydonlarni hisoblashda, fizik tizimlarni modellashtirishda, statistik taqsimotlarni hisoblashda, optimallashtirish masalalarida va boshqa ko'plab matematik va ilmiy ilovalarda qo'llaniladi.

Adabiyotlar ro'yxati:

1. E. F. Fayziboyev, N. M. Sirmirakis. Integral hisob kursidan amaliy mashg'ulotlar. Toshkent "O'qituvchi", 2001.
2. T. Jurayev, X., Mansurov va boshq. Oliy matematika asoslari, Toshkent "O'qituvchi", 2004.
3. G. Xudoyberganov, A. Borisov, X., Mansurov. Matematik analiz, I va II qism, Qarshi, "Nasaf", 2003.
4. Sh. I. Tojiyev. Oliy matematikadan masalalar yechish. Toshkent "O'qituvchi", 2002.